

**Quadro 1**

TEMA/DOMÍNIO	APRENDIZAGENS ESSENCIAIS/ <i>Objetivos*</i> (Conhecimentos, Capacidades e Atitudes)	Ações estratégicas/Atividades orientadas para o perfil dos alunos	Calendarização Total: aulas
<p><b>Modelos matemáticos para a cidadania</b></p> <p><b>Modelos matemáticos nas eleições</b> Sistemas de votação: introdução Sistemas maioritários (maioria simples e maioria absoluta) Método de Borda</p> <p><b>Modelos matemáticos na partilha</b> Método de Hondt Método de Sainte-Laguë</p> <p><b>Modelos matemáticos em finanças</b> Matemática nos salários Matemática na poupança Matemática no crédito</p>	<p><b>Atividades recuperação e consolidação das aprendizagens do 3º ciclo:</b> Porcentagens, Proporções e razões; Resolução de equações do 1º grau.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Reconhecer o papel da matemática na escolha de representantes em sistemas políticos e sociais.</li> <li>Perceber que existem modelos matemáticos que permitem criar procedimentos para transformar as preferências individuais numa decisão coletiva.</li> <li>Identificar o vencedor de um processo eleitoral através de maioria simples e maioria absoluta.</li> <li>Identificar o vencedor de processos eleitorais que recorram a boletins de preferência (método de Borda).</li> <li>Perceber que existem modelos matemáticos que permitem criar procedimentos para fazer distribuições proporcionais.</li> <li>Conhecer e aplicar o método de Hondt e o método de St. Laguë.</li> <li>Identificar vantagens e limitações dos métodos de Hondt e St. Laguë.</li> <li>Calcular o valor dos salários mensal, anual e por hora, dadas as condições de um contrato.</li> <li>Reconhecer as diferenças entre salário bruto e salário líquido.</li> <li>Calcular contribuições obrigatórias para sistemas de segurança social.</li> <li>Calcular a retenção na fonte para IRS.</li> <li>Calcular o IRS anual em casos simples em função do rendimento coletável.</li> <li>Compreender o carácter provisório da taxa mensal de retenção na fonte (IRS).</li> <li>Identificar a progressividade do IRS e a relevância dos escalões.</li> <li>Calcular o juro simples e o juro composto (com diferentes períodos de capitalização dos juros).</li> </ul> <p>Atividades de consolidação, avaliação e recuperação</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Contribuir para o reconhecimento da necessidade da matemática para definir métodos eleitorais.</li> <li>Contribuir para a clarificação da importância da participação de cada cidadão na eleição dos seus representantes (delegado de turma, associação de estudantes, estruturas sindicais e poderes políticos).</li> <li>Promover a análise, a interpretação e a discussão de sistemas eleitorais que valorizem a existência de uma segunda volta, como é o caso da eleição do Presidente da República de Portugal, nomeadamente a referência à eleição presidencial de 1986.</li> <li>Propor a construção de um programa simples em Python, de iniciação à linguagem, que permita determinar o número de votos que garante a maioria absoluta, sendo inseridas as votações em 3 candidatos.</li> <li>Propor a análise de situações que evidenciem claramente o facto de métodos eleitorais diferentes gerarem escolhas diferentes para a mesma votação, recorrendo a contextos eleitorais concretos, como por exemplo: <ul style="list-style-type: none"> <li>eleição do delegado de turma;</li> <li>eleição para a Associação de Estudantes;</li> <li>eleições para os órgãos sociais de clubes desportivos.</li> </ul> </li> <li>Referir que todos os métodos eleitorais têm limitações, nomeadamente, encorajar o debate de situações em que existe e em que não existe transitividade das escolhas.</li> </ul>	<p><b>20 aulas</b></p>

<p><b>Funções</b></p> <p><b>Estudo de uma função</b> Evolução histórica do conceito de função e formas de representação Generalidades acerca de funções (domínio, conjunto de chegada, contradomínio, variável independente e variável dependente, zeros, sinal e tabela de sinal extremos) Funções definidas por tabelas, gráficos ou analiticamente Monotonia e tabela de variação de uma função</p> <p><b>Função afim</b> Definição e representação gráfica (Revisão) Zeros, sinal e monotonia de uma função afim</p> <p><b>Função quadrática</b> Translações do gráfico de uma função Dilatação e contração vertical do gráfico de uma função Função quadrática da forma <math>f(x) = a(x - h)^2 + k</math> Função quadrática da forma <math>f(x) = ax^2 + bx + c</math></p>	<p><b>Atividades recuperação e consolidação das aprendizagens do 3º ciclo:</b> Funções: generalidades, função afim, função quadrática, função de proporcionalidade inversa</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Analisar elementos da evolução histórica do conceito de função e as diversas formas de representação: diagramas, tabelas, gráficos e expressões analíticas.</li> <li>• Identificar domínio, conjunto de chegada, contradomínio, objeto e imagem de uma função em contextos históricos, de modelação, ou abstratos, com recurso a vários tipos de representações (tabelas, gráficos e expressões analíticas).</li> <li>• Estudar gráfica e analiticamente a função afim em termos de zeros, sinal e monotonia.</li> <li>• Estudar famílias de funções quadráticas relativamente ao sentido das concavidades do seu gráfico, eixo de simetria, contradomínio, zeros, sinal, monotonia e extremos, gráfica e analiticamente.</li> <li>• Interpretar e prever as alterações no gráfico de uma função <math>f(x-a)</math>, <math>f(x)+b</math>, <math>c \cdot f(x)</math>, com <math>a</math>, <math>b</math> e <math>c</math> números reais, <math>c</math> não nulo, a partir do gráfico da função de domínio <math>\mathbb{R}</math>, definida por <math>f(x)=x^2</math>, e descrever o resultado com recurso à linguagem das transformações geométricas.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Apresentar elementos da evolução histórica do conceito de função, envolvendo episódios e problemas clássicos, como por exemplo, tabelas numéricas (quadrados, cubos, recíprocos, raízes quadradas e raízes cúbicas), tabelas trigonométricas de Ptolomeu/Copérnico ou lançamento de projéteis.</li> <li>• Explorar o conceito de função em contextos reais e matemáticos em que faça sentido, nomeadamente como relação de covariação, incluindo a possibilidade de definição de funções em ambientes gráficos (c. gráficos ou Geogebra) ou em ambientes de programação (Python).</li> <li>• Promover a análise de tabelas ou representações gráficas que se podem encontrar em jornais, revistas ou na internet (retomar exemplos do 3.º ciclo do EB).</li> <li>• Relembrar as relações entre a representação algébrica e geométrica de uma função afim, estudadas no 3.º ciclo do EB, nomeadamente a identificação do declive da reta e da ordenada na origem nas duas representações.</li> <li>• Promover o estudo de funções definidas analiticamente com recurso à tecnologia gráfica, nomeadamente através da resolução de problemas em contexto de modelação de funções afins e quadráticas. No caso da função quadrática, efetuar uma referência histórica à parábola.</li> <li>• Propor a representação de famílias de funções afins e quadráticas, com recurso à tecnologia gráfica, determinando zeros, sinal e vértice das parábolas.</li> <li>• Conduzir os alunos à dedução da fórmula resolvente para o cálculo dos zeros da função quadrática. Propor a elaboração de um programa em Python para determinação dos zeros de uma função quadrática.</li> <li>• Promover o estudo da relação entre os gráficos das funções definidas por <math>f(x) = x^2</math> e <math>f(x - a)</math>, <math>f(x) + b</math>, <math>c \cdot f(x)</math>, com <math>a</math>, <math>b</math> e <math>c</math> números reais, <math>c</math> não nulo, e usá-las na resolução de problemas em contextos de modelação.</li> <li>• Promover a recolha de dados para modelação com funções, utilizando instrumentos de medição ou sensores, como por exemplo a experiência da deslocação de uma bola num plano inclinado.</li> </ul>	<p>15</p>
<b>1ª Avaliação Intercalar</b>			<b>35</b>

<p><b>Funções</b> <b>Equações e inequações do 2.º grau</b> Equações do 2.º grau Inequações do 2.º grau</p> <p><b>Função definida por ramos.</b> <b>Função módulo</b> Função definida por ramos. Função módulo Equações e inequações com módulos</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Resolver equações e inequações do 2.º grau, em contextos de resolução de problemas.</li> <li>• Determinar expressões analíticas de funções representadas graficamente.</li> <li>• Estudar gráfica e analiticamente funções definidas por ramos e utilizá-las em contextos de modelação.</li> <li>• Estudar funções definidas por ramos relativamente ao domínio, contradomínio, coordenadas dos pontos de interseção com os eixos coordenados e sinal, em casos simples.</li> <li>• Reconhecer a função módulo como um caso particular de uma função definida por ramos.</li> </ul> <p><b>Atividades de consolidação, avaliação e recuperação</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Fomentar a resolução de problemas, em contexto real, que possam ser modeladas por funções definidas por ramos (por exemplo, escalões do IRS, faturas de água ou eletricidade, as sucessivas acelerações e desacelerações provocadas no movimento de um automóvel).</li> <li>• Propor a elaboração de tabelas de variação de sinal.</li> <li>• Propor o estudo da função módulo como uma função definida por ramos. Propor a elaboração de um programa em Python para definir a função módulo</li> </ul>	<p><b>10 aulas</b></p>
<p><b>Geometria no plano e no espaço</b></p> <p><b>Geometria analítica no plano</b> Pontos e distâncias no plano Transformados de pontos Coordenadas do ponto médio de um segmento de reta Distâncias no plano</p> <p><b>Mediatriz e circunferência</b> Mediatriz de um segmento de reta Circunferência</p> <p><b>Semiplanos</b> Semiplanos definidos por retas Semiplanos definidos pela negação, conjunção ou disjunção de condições Círculos</p>	<p><b>Atividades recuperação e consolidação das aprendizagens do 3º ciclo</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Identificar coordenadas de pontos do plano num referencial cartesiano, ortogonal e monométrico.</li> <li>• Reconhecer, analisar e aplicar na resolução de problemas: <ul style="list-style-type: none"> <li>- transformados de pontos, por uma reflexão de eixo vertical ou horizontal, ou por uma meia-volta de centro na origem;</li> <li>- coordenadas do ponto médio de um segmento de reta;</li> <li>- fórmula da distância entre dois pontos.</li> </ul> </li> <li>• Reconhecer, analisar e aplicar na resolução de problemas: <ul style="list-style-type: none"> <li>- condições que definem conjuntos de pontos;</li> <li>- mediatriz de um segmento de reta;</li> <li>- circunferência.</li> </ul> </li> <li>• Reconhecer, analisar e aplicar na resolução de problemas: <ul style="list-style-type: none"> <li>- condições que definem conjuntos de pontos;</li> <li>- semiplanos;</li> <li>- circunferência e círculo;</li> <li>- outros conjuntos definidos por conjunções e disjunções, em casos simples.</li> </ul> </li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Promover o uso do Geogebra em explorações, por exemplo: - procurar coordenadas do transformado de um ponto, por uma reflexão de eixo vertical ou horizontal, ou por uma meia-volta de centro na origem; - analisar condições que possam definir conjuntos de pontos e perceber como diferentes condições geram conjuntos de pontos diferentes (incluindo o conjunto vazio).</li> <li>• Propor a determinação das coordenadas do baricentro e do circuncentro de um triângulo, dadas as coordenadas dos seus vértices.</li> <li>• Propor problemas de modelação matemática como por exemplo encontrar a melhor localização, em termos de coordenadas no plano, para uma torre de transmissão de sinal que sirva três localidades.</li> </ul> <p><b>Nestas Aprendizagens Essenciais, no estudo que envolve circunferências, só se consideram equações reduzidas</b></p>	<p><b>15</b></p>

<p><b>Referenciais no espaço</b> Referencial ortonormado do espaço. Planos coordenados Coordenadas de pontos do espaço Planos paralelos aos planos coordenados Retas paralelas aos eixos coordenados</p> <p><b>Conjunto de pontos e condições no espaço</b> Coordenadas do ponto médio de um segmento de reta Distância entre dois pontos do espaço Equação do plano mediador de um segmento de reta Superfície esférica e esfera</p> <p><b>Vetores livres no plano e no espaço</b> Vetores Soma de um ponto com um vetor. Soma e diferença de vetores Produto de um número real por um vetor</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Identificar coordenadas de pontos do espaço num referencial cartesiano ortogonal e monométrico.</li> <li>• Reconhecer, analisar e aplicar na resolução de problemas: <ul style="list-style-type: none"> <li>- coordenadas do ponto médio de um segmento de reta;</li> <li>- fórmula da distância entre dois pontos;</li> <li>- condições que definem conjuntos de pontos: <ul style="list-style-type: none"> <li>- planos paralelos aos planos coordenados;</li> <li>- retas paralelas a um dos eixos;</li> <li>- planos mediadores;</li> <li>- superfície esférica e esfera.</li> </ul> </li> </ul> </li> <li>• Reconhecer, analisar e aplicar na resolução de problemas: <ul style="list-style-type: none"> <li>- norma de um vetor;</li> <li>- vetor definido por dois pontos;</li> <li>- soma de vetores;</li> <li>- produto de um escalar por um vetor.</li> </ul> </li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Propor aos alunos a construção de modelos tridimensionais de referenciais, usando materiais simples (cartão, palhinhas ou outros).</li> <li>• Estimular os alunos a utilizar o Geogebra 3D para visualizar, explorar e estabelecer conjecturas, envolvendo geometria no espaço, por exemplo, problemas envolvendo interseções de planos paralelos aos planos coordenados com esferas.</li> <li>• Propor problemas de modelação matemática, como por exemplo a determinação da distância entre a Terra, o Sol e outros corpos celestes, a partir das suas coordenadas.</li> </ul> <p><b>Nestas Aprendizagens Essenciais, no estudo que envolve superfícies esféricas só se consideram equações reduzidas.</b></p>	<p style="text-align: center;"><b>10</b></p> <p style="text-align: center;"><b>5</b></p>
<b>Avaliação sumativa 1º Semestre</b>			<b>40</b>
<p><b>Geometria no plano e no espaço</b></p> <p><b>Operações com coordenadas de um vetor</b> Coordenadas de um vetor no plano e no espaço Operações com vetores dados pelas coordenadas Vetores dados por coordenadas. Outros atributos</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Reconhecer, analisar e aplicar na resolução de problemas: <ul style="list-style-type: none"> <li>- norma de um vetor;</li> <li>- propriedades algébricas das operações com vetores;</li> <li>- coordenadas de um vetor;</li> <li>- coordenadas da soma e da diferença de vetores;</li> <li>- coordenadas do produto de um escalar por um vetor e do simétrico de um vetor;</li> <li>- relação entre as coordenadas de vetores colineares;</li> <li>- vetor definido por dois pontos e cálculo das respetivas coordenadas;</li> <li>- coordenadas do ponto resultante da soma de um ponto com um vetor;</li> <li>- cálculo da norma de um vetor por meio das suas coordenadas.</li> </ul> </li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Abordar a soma de vetores, a soma de um ponto com um vetor e o produto de um escalar por um vetor em contexto de resolução de problemas.</li> <li>• Referir a ligação do cálculo vetorial com outras áreas, como por exemplo as grandezas vetoriais da Física (forças, deslocamentos, velocidades), a meteorologia, a computação gráfica, o jogo do bilhar</li> <li>• Conduzir os alunos a escrever a equação vetorial de uma reta, associada ao produto de um escalar por um vetor e à</li> </ul>	<p style="text-align: center;"><b>15 aulas</b></p>

<p><b>Equações de retas no plano e no espaço</b>  Vetor diretor e declive de uma reta  Equação vetorial da reta no plano e no espaço  Equação reduzida da reta no plano</p> <p><b>Geometria sintética no plano</b></p> <p><b>Pontos notáveis do triângulo</b>  Circuncentro  Incentro  Ortocentro  Baricentro</p> <p><b>Relações entre pontos notáveis do triângulo</b>  Reta de Euler  Circunferência dos nove pontos</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Reconhecer que uma reta fica definida se for conhecido um ponto da reta e um vetor diretor.</li> <li>• Escrever uma equação vetorial de uma reta.</li> <li>• Estabelecer a relação entre: <ul style="list-style-type: none"> <li>- as coordenadas de um vetor diretor e o declive da reta.</li> <li>- paralelismo de retas, igualdade do declive e colinearidade de vetores diretores das retas;</li> <li>- equação reduzida e equação vetorial de uma reta.</li> </ul> </li> <li>• Definir e caracterizar: <ul style="list-style-type: none"> <li>- incentro e circunferência inscrita (com demonstração);</li> <li>- circuncentro e circunferência circunscrita (com demonstração);</li> <li>- ortocentro;</li> <li>- baricentro.</li> </ul> </li> <li>• Conhecer propriedades das medianas e do baricentro: <ul style="list-style-type: none"> <li>- as três medianas dividem o triângulo em seis triângulos equivalentes (com demonstração);</li> <li>- a distância do baricentro a qualquer dos vértices é <math>\frac{2}{3}</math> da mediana respetiva (com demonstração);</li> <li>- o baricentro é o centro de massa (gravidade, geométrico) de um triângulo.</li> </ul> </li> <li>• Localizar os pontos notáveis em triângulos equiláteros, isósceles e escalenos e em triângulos acutângulos, retângulos e obtusângulos.</li> <li>• Verificar a existência da reta de Euler e da circunferência dos nove pontos.</li> </ul> <p><b>Atividades de consolidação, avaliação e recuperação</b></p>	<p>colinearidade de dois vetores.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Promover a determinação da equação reduzida de uma reta tendo por base uma equação vetorial dessa reta e vice-versa.</li> <li>• Propor aos alunos a utilização do Geogebra para explorar: <ul style="list-style-type: none"> <li>- a relação entre vetor diretor de uma reta e paralelismo de retas; - o efeito dos parâmetros, da equação reduzida de uma reta, na sua representação gráfica.</li> </ul> </li> <li>• Propor a construção de um programa simples em Python que permita determinar a equação reduzida de uma reta e uma equação vetorial dessa reta, dadas as coordenadas de dois pontos.</li> <li>• Salientar o papel central da equação reduzida da reta, permitindo escrever a equação de qualquer reta não vertical, cujo gráfico lhe seja apresentado, sem que para isso seja necessário fazer exercícios repetitivos</li> <li>• Promover explorações e construções a realizar pelos alunos, envolvendo pontos notáveis do triângulo, usando geometria dinâmica, para resolver problemas, perceber os conceitos, formular conjecturas, visualizar e testar propriedades.</li> <li>• Desenvolver nos alunos o gosto pela argumentação em geral e pela demonstração como elemento central da matemática, como por exemplo a propósito da circunferência inscrita e da circunferência circunscrita.</li> <li>• Propor a resolução de problemas com pontos notáveis do triângulo, envolvendo os alunos em investigações/explorações (em pequenos grupos), visando a elaboração de pequenos relatórios, composições, pósteres ou outros.</li> <li>• Propor a construção da reta de Euler e da circunferência dos nove pontos, usando geometria dinâmica, permitindo aos alunos a exploração de situações extremas da localização dos pontos notáveis, por exemplo: num triângulo equilátero os quatro pontos notáveis são coincidentes; num triângulo retângulo o ortocentro coincide com o vértice do ângulo reto; num triângulo</li> </ul>	<p><b>15 aulas</b></p>
--	---	--	------------------------

		<p>obtusângulo o circuncentro é exterior ao triângulo.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Exibir relações métricas entre os pontos notáveis, por exemplo: a distância do ortocentro ao baricentro é o dobro da distância do baricentro ao circuncentro; o centro da circunferência de nove pontos é o ponto médio do segmento definido pelo circuncentro e pelo ortocentro; o raio da circunferência de nove pontos é metade do raio da circunferência circunscrita.</li> </ul>	
<p><b>Estatística</b></p> <p><b>Introdução ao estudo da Estatística</b> Fases de um procedimento estatístico População e amostra Recenseamento e sondagem Amostragem Estatística descritiva e estatística indutiva Variáveis estatísticas</p>	<p><b>Atividades recuperação e consolidação das aprendizagens do 3º ciclo:</b> População e amostra; Tabelas de Frequências; Medidas de Localização e Representações Gráficas</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Reconhecer o papel relevante desempenhado pela Estatística em todos os campos do conhecimento.</li> <li>• Reconhecer a variabilidade como um conceito chave de um problema estatístico.</li> <li>• Conhecer e interpretar situações do mundo que nos rodeia em que a variabilidade está presente.</li> <li>• Identificar num estudo estatístico, população, amostra e a(s) característica(s) a estudar, que se designa(m) por variável (variáveis).</li> <li>• Reconhecer as fases de um procedimento estatístico: <ul style="list-style-type: none"> <li>- Produção ou aquisição de dados;</li> <li>- Organização e representação de dados;</li> <li>- Interpretação tendo por base as representações obtidas.</li> </ul> </li> <li>• Reconhecer os métodos existentes para a seleção de amostras, no sentido de que estas sejam representativas das populações subjacentes, e de modo a evitar amostras enviesadas cujo estudo levaria a inferir conclusões erradas para as populações.</li> <li>• Intuir que os problemas estatísticos em que se recorre a amostras para inferir para a população subjacente, não têm uma solução matemática única que se possa exprimir como verdadeiro ou falso.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Promover a discussão na turma para identificar e formular questões estatísticas, cujas respostas dependam da recolha de dados.</li> <li>• Propor a discussão de situações do mundo real envolvente em que a variabilidade está presente. Por exemplo, o político questiona se valerá a pena candidatar-se às próximas eleições autárquicas para o seu concelho; o diretor de um agrupamento escolar questiona a percentagem de alunos que almoçam diariamente na escola; o padeiro questiona quantos pães deve fazer por dia; o gerente de uma fábrica têxtil questiona qual o tamanho das camisas em que deverá investir.</li> <li>• Alertar que os termos população e amostra se referem a conjuntos de unidades estatísticas, mas que estes termos também são usados para identificar os conjuntos de valores assumidos pela variável em estudo.</li> <li>• Propor a recolha de informação nos jornais ou na internet sobre notícias que permitam: - diferenciar os processos de recenseamento e sondagem (recolher dados sobre toda a população ou sobre uma amostra); - identificar exemplos de amostras enviesadas, nomeadamente amostras por conveniência e por resposta voluntária.</li> <li>• Alertar para a necessidade de recolha de dados reais, como forma de responder a questões concretas.</li> <li>• Promover a discussão sobre a dimensão da amostra a recolher, informando que esta dimensão depende muito da variabilidade presente na população subjacente e deverá ser tanto maior quanto maior for a dimensão da população. Informar que existem técnicas para definir quais as dimensões mínimas para garantir a precisão dos processos em que se pretende inferir para a população as propriedades verificadas na amostra. Chamar a atenção para que existem processos apropriados para a seleção</li> </ul>	<p><b>5 aulas</b></p>

		<p>das amostras de forma a garantir a aleatoriedade e a representatividade da população subjacente.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Informar que a utilização da probabilidade vai permitir tomar uma decisão para a população, a partir do estudo da amostra, quantificando o erro cometido ou o grau de confiança nessa decisão, exemplificando com a forma como se transmite o resultado de uma sondagem eleitoral.</li> <li>• Informar que quando se está a recolher dados quantitativos, isto é, a “medir” a variável em estudo sobre as unidades estatísticas seleccionadas para a amostra, confrontamo-nos com duas situações: ou a variável assume um número finito ou infinito numerável de valores distintos, caso em que se diz discreta, e a observação assume a forma de uma contagem; ou a variável pode assumir qualquer valor num intervalo em R, caso e que se diz contínua, e a observação assume a forma de uma medição.</li> <li>• Salientar que a natureza dos dados não é uma característica necessariamente inerente à variável em estudo, porque pode depender da forma como é medida. Exemplificar com a variável Idade que é de tipo contínuo e que pode ser utilizada de forma discreta (10, 15, 23,...), uma peça de roupa, cujo “tamanho” é uma variável contínua, mas é frequentemente classificada em categorias (XS, S, M, L, XL, ...), isto é, dados de tipo qualitativo.</li> </ul>	
<b>2ª Avaliação Intercalar</b>			<b>35</b>
<p><b>Estatística</b></p> <p><b>Dados univariados</b>  Dados qualitativos  Dados quantitativos discretos  Dados quantitativos contínuos  Gráficos: síntese</p> <p><b>Medidas estatísticas</b>  Medidas de localização</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Identificar dados quantitativos discretos ou contínuos.</li> <li>• Organizar e representar a informação contida em dados quantitativos discretos e contínuos em tabelas de frequências absolutas, absolutas acumuladas, relativas e relativas acumuladas e interpretá-las.</li> <li>• Selecionar representações gráficas adequadas para cada tipo de dados identificando vantagens/inconvenientes, lembrando a construção de gráficos de barras, diagramas de caule-e-folhas e diagramas de extremos-e-quartis.</li> <li>• Reconhecer que o histograma é um diagrama de áreas, e que para a sua construção é necessária uma organização prévia dos dados em classes na forma de intervalos.</li> <li>• Construir histogramas, considerando classes com a mesma amplitude.</li> <li>• Interpretar as medidas de localização: média (<math>\bar{x}</math>), mediana (<math>Me</math>), moda(s) (<math>Mo</math>) e</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Promover a utilização da tecnologia para construir tabelas e gráficos.</li> <li>• Realçar a utilidade do diagrama de caule-e-folhas para uma ordenação rápida dos dados e salientar a importância do diagrama de extremos-e-quartis para comparar várias distribuições de dados.</li> <li>• Salientar que o aspeto do histograma depende do número de classes considerado, da amplitude de classe e do ponto onde se começa a considerar a construção da primeira classe (discutir com os alunos o que se entende por um número adequado de classes, chamando a atenção para que uma representação com muitas classes apresentará muita da variabilidade presente nos dados, não conseguindo fazer sobressair o padrão que se procura, enquanto que um número muito pequeno de classes</li> </ul>	<b>15 aulas</b>

<p>Medidas de dispersão Propriedades da média e do desvio-padrão</p>	<p>percentis (quartis como caso especial) na caracterização da distribuição dos dados, relacionando-as com as representações gráficas obtidas.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Interpretar as medidas de dispersão, amplitude, amplitude interquartil e desvio padrão amostral, <math>s</math>, (variância amostral <math>s^2</math>) na caracterização da distribuição dos dados, relacionando-as com as representações gráficas obtidas.</li> <li>• Interpretar e mostrar analiticamente as alterações provocadas na média por transformação dos dados pela multiplicação de cada um por uma constante “a” e pela adição de uma constante “b”.</li> <li>• Compreender os conceitos e as seguintes propriedades das medidas: <ul style="list-style-type: none"> <li>• - Pouca resistência da média e do desvio padrão;</li> <li>• - Soma dos desvios dos dados relativamente à média é igual a zero;</li> <li>• - Desvio padrão é igual a zero se e só se todos os dados forem iguais;</li> <li>• - Amplitude interquartil igual a zero, não implica a não existência de variabilidade;</li> </ul> </li> <li>• Conhecer que se os dados forem fornecidos já agrupados em classes, na forma de intervalos, torna-se necessário adequar as fórmulas ou os procedimentos existentes para dados não agrupados, para obter valores aproximados da média e do desvio padrão.</li> <li>• Reconhecer que existem situações em que é preferível utilizar, como medida de localização do centro da distribuição dos dados, a mediana em vez da média, e como medida de dispersão a amplitude interquartil em vez do desvio padrão, apresentando exemplos simples.</li> </ul>	<p>esconderá esse padrão).</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Salientar a importância do gráfico de barras e do histograma para uma posterior seleção do modelo da população subjacente à amostra, respetivamente discreto ou contínuo.</li> <li>• Incentivar a utilização da tecnologia para o cálculo das diversas medidas, em particular quando a dimensão da amostra é razoavelmente grande, não negligenciando antecipadamente o cálculo dessas medidas usando papel e lápis para amostras de dimensão reduzida.</li> <li>• Propor a elaboração de um programa simples em Python que permita recolher as idades de, por exemplo, 5 alunos de uma turma na disciplina de Matemática, organizá-las sob a forma de uma lista, retornando a média, a mediana, o máximo e o mínimo.</li> <li>• Promover a utilização da tecnologia para explorar as propriedades das medidas, nomeadamente as alterações provocadas nas medidas de localização e dispersão por transformação dos dados pela multiplicação de cada um por uma constante “a” e pela adição de uma constante “b”.</li> <li>• Realçar a utilização enganadora da média, em casos em que existem outliers (dados muito diferentes do padrão dos restantes), devido à grande influência desses dados.</li> <li>• Incentivar os alunos a interpretar os conceitos e as propriedades das medidas, privilegiando a sua compreensão, em detrimento do uso de fórmulas e de procedimentos para as calcular. Por exemplo, depois de compreender o conceito de percentil, utilizar a função cumulativa ou as tabelas de frequências relativas acumuladas para calcular valores aproximados dessas medidas.</li> <li>• Promover a utilização da tecnologia para determinar os percentis, e exemplificar a sua utilização com as tabelas de crescimento da Direção Geral de Saúde (<a href="https://www.dgs.pt/upload/membro.id/ficheiros/i007811.pdf">https://www.dgs.pt/upload/membro.id/ficheiros/i007811.pdf</a>), relacionando o “peso” e a “estatura” com a “idade”.</li> <li>• Promover a elaboração de um programa em Python para permitir o cálculo da amplitude e do desvio padrão e estudar as propriedades dessas medidas, efetuando</li> </ul>	<p><b>10 aulas</b></p>
<p><b>Dados bivariados</b> Diagrama de dispersão Coeficiente de correlação linear Reta de regressão</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Reconhecer que algumas representações gráficas são mais adequadas que outras para comparar conjuntos de dados, nomeadamente o diagrama de extremos e quartis, para comparar a distribuição de dois ou mais conjuntos de dados, realçando aspetos de simetria, dispersão, concentração, etc.</li> <li>• Reconhecer que, para estudar a associação entre duas variáveis quantitativas de uma população, se observam essas variáveis sobre cada unidade estatística, obtendo-se uma amostra de pares de dados.</li> <li>• Reconhecer a importância da representação dos dados no diagrama de dispersão, nuvem de pontos, para interpretar a forma, direção e força da associação (linear) entre as duas variáveis.</li> <li>• Identificar o coeficiente de correlação linear <math>r</math>, como medida dessa direção e grau de associação (linear), e saber que assume valores pertencentes a <math>[-1,1]</math>, dizendo-se com base nesse valor que a correlação é positiva, negativa ou nula. Recorrer à tecnologia para proceder ao cálculo do coeficiente de correlação linear.</li> <li>• Compreender que no caso do diagrama de dispersão mostrar uma forte associação linear entre as variáveis, essa associação pode ser descrita pela reta de regressão ou reta dos mínimos quadrados. Utilizar a tecnologia para determinar uma equação da reta de regressão.</li> <li>• Compreender que na construção da reta de regressão não é indiferente qual das variáveis é que se considera como variável independente ou explanatória.</li> <li>• Compreender que a existência de outliers influencia estes procedimentos.</li> <li>• Utilizar a reta de regressão para inferir o valor da variável dependente ou resposta, para um dado valor da variável independente ou explanatória, quando existe uma</li> </ul>		
<p><b>Aprofundamento do estudo de Estatística com trabalho de projeto</b></p>			



	<p>forte associação linear entre as variáveis, quer positiva, quer negativa, e desde que este esteja no domínio dos dados considerados.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Compreender que não se pode confundir correlação com relação causa-efeito, pois podem existir variáveis “perturbadoras” que podem provocar uma aparente associação entre as variáveis em estudo.</li> <li>• Entender que um gráfico de linhas é um caso particular de um diagrama de dispersão, em que se pretende estudar a evolução de uma das variáveis relativamente a outra variável, de um modo geral o tempo, e em que se unem, por linhas, os pontos representados.</li> </ul>	<p>alterações nos dados.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Conduzir os alunos na interpretação das representações gráficas e das medidas, no contexto do problema, que levou à recolha dos dados.</li> <li>• Conduzir os alunos a explorar situações em que tenha interesse estudar a associação entre duas variáveis sobre as mesmas unidades estatísticas.</li> <li>• Envolver os alunos na discussão sobre a construção do diagrama de dispersão, em especial na identificação da variável independente ou explanatória. Por exemplo, pretendendo-se estudar a associação entre as variáveis “idade” e “altura”, a variável independente ou explanatória deverá ser a “idade” e a variável “altura” a variável dependente ou resposta.</li> <li>• Apresentar a expressão do coeficiente de correlação e utilizá-la para interpretar a associação linear entre as variáveis como positiva, negativa ou nula.</li> <li>• Realçar que o coeficiente de correlação só assume os valores -1 ou 1, quando os pontos no diagrama de dispersão estão alinhados numa reta.</li> <li>• Realçar e exemplificar que a correlação linear só mede a associação linear entre as variáveis, já que o coeficiente de correlação pode ser próximo de zero e as variáveis estarem fortemente correlacionadas, não linearmente.</li> <li>• Realçar que só no caso de se visualizar uma associação aproximadamente linear entre os pontos do diagrama de dispersão é que tem sentido utilizar a tecnologia para calcular o coeficiente de correlação, bem como construir a reta de regressão.</li> <li>• Comentar com os alunos a razão de se chamar à reta de regressão, reta dos mínimos quadrados.</li> <li>• Propor a construção da reta de regressão, recorrendo à tecnologia e explorar a forma como é afetada por outliers. Exemplificar com os chamados “conjuntos de dados de Anscombe”, que embora apresentem as mesmas características amostrais, têm representações gráficas muito diferentes, realçando a importância de uma visualização prévia dos dados antes de proceder ao cálculo do coeficiente de correlação ou à construção da reta de</li> </ul>	
--	---	--	--

		<p>regressão.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Explorar o modelo da reta de regressão no contexto do estudo, nomeadamente inferindo valores da variável resposta para determinados valores para a variável explanatória. Propor a pesquisa na internet de situações em que existem variáveis “perturbadoras”.</li> <li>• Promover a exploração de alguns exemplos concretos de gráficos de linhas, como a evolução da temperatura medida numa determinada hora, ao longo de um mês, em determinado local.</li> <li>• Discutir e estabelecer a elaboração de um trabalho de projeto, contemplando as diversas fases (formulação de um problema, planificação, realização de pesquisas, recolha de informações e dados, análise e interpretação de resultados e conclusões).</li> <li>• Reservar momentos de trabalho na sala de aula para o desenvolvimento e acompanhamento, em grupo, do trabalho de projeto, incluindo a escrita do respetivo relatório.</li> <li>• Propor a discussão da pertinência e da necessidade de usar recursos e tecnologia.</li> <li>• Promover a divulgação, em grupo, destes trabalhos, podendo essa etapa acontecer na sala de aula ou ser alargada a outros espaços da escola e para além desta.</li> <li>• Estimular a discussão do tema de cada investigação que pode ser escolhido de entre uma lista de opções, como por exemplo: - A minha região em números! O que diz o Censos 2021...; - A nossa Cantina Escolar em números!; - O Papel da Mulher na Sociedade; - Alterações climáticas. Os negacionistas têm razão ou há estatísticas a provar que não?; - Como estão os nossos oceanos? (Plasticus maritimus, Planeta tangerina,...); - Somos oito mil milhões. Como estamos distribuídos?</li> <li>• Valorizar aspetos relevantes da História da Matemática, ou o recurso à programação, sempre que for considerado relevante.</li> </ul>	
<b>Avaliação sumativa 2º Semestre</b>			<b>25</b>

## Quadro 2

Avaliação	
Modalidades	Instrumentos
Formativa e sumativa	<ul style="list-style-type: none"><li>• Fichas de avaliação</li><li>• Questões aula</li><li>• Tarefas de avaliação formativa</li><li>• Trabalhos individuais/grupo</li><li>• Trabalho de projeto</li></ul>
<b>Nota:</b> no início do ano letivo o professor dará a conhecer aos alunos o conjunto preferencial de instrumentos de avaliação a utilizar.	
Estratégias / Recursos	
<p><b>Recursos:</b></p> <ul style="list-style-type: none"><li>• Manual adotado;</li><li>• Microsoft Teams;</li><li>• Recursos multimédia (vídeos, apresentações em Powerpoint, animações de resoluções de exercícios, software matemático, entre outros);</li><li>• Calculadora gráfica;</li><li>• Equipamento individual informático;</li><li>• RED (Recursos Educativos Digitais);</li><li>• Sites: lave, matemática.pt e Matemática Absolutamente e #Estudo em casa.</li></ul> <p><b>Estratégias de autorregulação/avaliação formativa</b></p> <ul style="list-style-type: none"><li>• Indicar um conjunto de exercícios de referência para cada tema;</li><li>• Promover a realização de resumos / formulários dos temas;</li><li>• Promover a autonomia e o trabalho colaborativo, de modo a melhorar o processo ensino/avaliação/aprendizagem;</li><li>• Fornecer feedback de qualidade aos alunos;</li><li>• Aplicar a avaliação formativa através de diversas atividades;</li><li>• Promover a participação ativa dos alunos para a correção das fichas de avaliação e questões aula identificando as suas dificuldades;</li><li>• Promover a investigação junto dos alunos, incentivando-os à descoberta, à formulação de hipóteses e conjeturas e à posterior apresentação.</li><li>• Promover a autoavaliação e heteroavaliação.</li></ul> <p><b>Articulação vertical</b></p> <p>Estratégias de ensino/aprendizagem, recorrendo a metodologias ativas, dos conteúdos críticos da articulação vertical (Condições no plano e no espaço; equação reduzida da reta; equação vetorial de uma reta no plano e no espaço; relação entre o gráfico de uma função e os gráficos das funções <math>a.f(x)</math>, <math>f(b.x)</math>, <math>f(x+c)</math> e <math>f(x)+d</math>; função definida por ramos e função quadrática).</p>	