

Gestão Anual da Planificação do Currículo

Ano de 2024-2025

Departamento: Matemática

Disciplina: Matemática Ano: 10º L





Quadro 1

| Módulo/UFCD TEMA | APRENDIZAGENS ESSENCIAIS/Objetivos (Conhecimentos, Capacidades e Atitudes) | Ações estratégicas/Atividades orientadas para o perfil dos alunos | Calendarização |
|---|---|--|---|
| Módulo P1 Modelos Matemáticos para a Cidadania Modelos matemáticos nas eleições Maioria simples Maioria absoluta | Reconhecer o papel da matemática na escolha de representantes em sistemas políticos e sociais. Perceber que existem modelos matemáticos que permitem criar procedimentos para transformar as preferências individuais numa decisão coletiva. Identificar o vencedor de um processo eleitoral através de maioria simples e maioria absoluta. Identificar o vencedor de processos eleitorais que recorram a boletins de preferência (método de Borda). | Trabalho de pares ou em grupos. Contribuir para o reconhecimento da necessidade da matemática para definir métodos eleitorais. Contribuir para a clarificação da importância da participação de cada cidadão na eleição dos seus representantes (delegado de turma, associação de estudantes, estruturas sindicais e poderes políticos). Promover a análise, a interpretação e a discussão de sistemas eleitorais que valorizem a existência de uma segunda volta, como é o caso da eleição do Presidente da República de Portugal, nomeadamente a referência à eleição presidencial de 1986. Propor a construção de um programa simples em Python, de iniciação à linguagem, que permita determinar o número de votos que | (30 aulas) De 12/09/2024 a 04/11/2024 |
| ivietodo de Borda | | garante a maioria absoluta, sendo inseridas as votações em três candidatos, permitindo o desenvolvimento do Pensamento Computacional. • Propor a análise de situações que evidenciem claramente o facto de métodos eleitorais diferentes gerarem escolhas diferentes para a | |

| matemáticos na partilha Método de Hondt Método de St. Laguë Nétodo de St. Laguë Promover a exploração, com recurso à tecnologia gráfica (folha de cálculo), de distribuições de mandatos por círculo eleitoral, promovendo o desenvolvimento do Pensamento Computacional. Propor a análise de situações concretas que evidenciem claramente que métodos de partilha diferentes geram distribuições diferentes para a mesma eleição, por exemplo, as eleições europeias de 1987. Promover discussões sobre problemas de | partilha Método de Hondt | procedimentos para fazer distribuições proporcionais. Conhecer e aplicar o método de Hondt e o método de St. Laguë. Identificar vantagens e limitações dos métodos de Hondt e St. | distribuição de mandatos num organismo local (eleições com um número reduzido de mandatos – até seis mandatos). • Promover a exploração, com recurso à tecnologia gráfica (folha de cálculo), de distribuições de mandatos em cenários nacionais (eleições com um número elevado de mandatos), por exemplo, a distribuição de mandatos por círculo eleitoral, promovendo o desenvolvimento do Pensamento Computacional. • Propor a análise de situações concretas que evidenciem claramente que métodos de partilha diferentes geram distribuições diferentes para a mesma eleição, por exemplo, as eleições europeias de 1987. |
|--|------------------------------------|---|---|
| | | | Promover discussões sobre problemas de partilha, identificando os modelos matemáticos que contribuem para as diversas |

Dinamizar a realização de simulações relacionadas com processamento de salários (em que sejam utilizados os conceitos de vencimento líquido, salário bruto, abonos e descontos), promovendo a construção de uma folha de cálculo. Sugerir em grande grupo: uma discussão que inclua a identificação de Calcular o valor dos salários mensal, anual e por hora, dadas as diferentes formas de referência aos condições de um contrato. rendimentos e dificuldades de comparação Reconhecer a diferença entre salário bruto e salário líquido. (ex.: rendimento anual, salário mensal, Calcular contribuições obrigatórias para sistemas de segurança rendimento por hora); a análise de exemplos relacionados com o social. Modelos Calcular retenção na fonte para IRS. processamento dos vencimentos (ex.: recibos); matemáticos em Calcular o IRS anual em casos simples em função do rendimento pesquisas e análises das tabelas de IRS, finanças coletável. identificar os escalões aplicáveis e promover a Compreender o caráter provisório da taxa mensal de retenção na discussão sobre a progressividade deste Matemática nos fonte (IRS). imposto. salários Identificar a progressividade do IRS e a relevância dos escalões. Calcular juro simples e juro composto (com diferentes períodos de Promover, com recurso à tecnologia, o cálculo capitalização dos juros). de juros simples e compostos em diferentes situações. Promover, em casos simples, usando a folha de cálculo, o cálculo do: capital obtido, através de uma capitalização de juro simples, num dado tempo, o capital final; • capital obtido, com diferentes capitalizações (mensal, anual, semestral) usando juro composto, num dado tempo, o capital final. • Sugerir a construção de um programa simples em Python que permita determinar o cálculo de juros simples e o cálculo de juros Matemática na compostos. poupança e no Analisar a rentabilidade de diferentes crédito depósitos a prazo, durante um prazo pré-

| | | definido, recorrendo à folha de cálculo e ao uso de simuladores disponíveis na internet. Promover, em casos simples, o cálculo: do capital inicial a depositar para, ao fim de um dado tempo ter um certo capital final com uma taxa de juro fixa; do tempo de capitalização, dados os capitais inicial e final e a taxa de juro. Avaliação si inicial e final e a taxa de juro. | umativa |
|--|---|---|---------|
| Módulo P2 Estatística Introdução à Estatística Problema estatístico Variabilidade | Reconhecer o papel relevante desempenhado pela estatística em todos os campos do conhecimento. Reconhecer a variabilidade como um conceito-chave de um problema estatístico. Conhecer e interpretar situações do mundo que nos rodeia em que a variabilidade está presente. | Trabalho de pares ou em grupos. Promover a discussão na turma para identificar e formular questões estatísticas, cujas respostas dependam da recolha de dados. Propor a discussão de situações do mundo real envolvente em que a variabilidade está presente. Propor a recolha de informação nos jornais ou na internet sobre notícias que permitam: diferenciar os processos de recenseamento e sondagem (recolher dados sobre toda a população ou sobre uma amostra); | 1/2024 |
| População, amostra e variável Fases de um procedimento estatístico | Identificar, num estudo estatístico, população, amostra e a(s) característica(s) a estudar, que se designa(m) por variável(variáveis). Reconhecer as fases de um procedimento estatístico: Produção ou aquisição de dados; Organização e representação de dados; Interpretação tendo por base as representações obtidas. Reconhecer os métodos existentes para a seleção de amostras, no sentido de que estas sejam representativas das populações subjacentes, e de modo a evitar amostras enviesadas cujo estudo levaria a inferir conclusões erradas para as populações. Intuir que os problemas estatísticos em que se recorre a amostras para inferir para a população subjacente, não têm uma solução matemática única que se possa exprimir como verdadeiro ou falso. Identificar dados quantitativos discretos ou contínuos. | identificar exemplos de amostras enviesadas, nomeadamente amostras por conveniência e por resposta voluntária. Alertar para a necessidade de recolha de dados reais, como forma de responder a questões concretas. Promover a discussão sobre a dimensão da amostra a recolher. Chamar a atenção para que existem processos apropriados para a seleção das amostras de forma a garantir a aleatoriedade e a representatividade da população subjacente. Informar que a utilização da probabilidade vai permitir tomar uma decisão para a população, a partir do estudo da amostra, quantificando o erro cometido ou o grau de confiança nessa | |

- Organizar e representar a informação contida em dados quantitativos discretos e contínuos em tabelas de frequências absolutas, absolutas acumuladas, relativas e relativas acumuladas e interpretá-las. Selecionar representações gráficas adequadas para cada tipo de dados, identificando vantagens/inconvenientes, relembrando a construção de gráficos de barras, diagramas de caule-e-folhas e diagramas de extremos-e-quartis.
- Reconhecer que o histograma é um diagrama de áreas, e que para a sua construção é necessária uma organização prévia dos dados em classes na forma de intervalos.
- Construir histogramas, considerando classes com a mesma amplitude.
- Interpretar as medidas de localização: média (\overline{x}) , mediana (Me), moda(s) (Mo) e percentis (quartis como caso especial) na caracterização da distribuição dos dados, relacionando-as com as representações gráficas obtidas.
- Interpretar as medidas de dispersão, amplitude, amplitude interquartil e desvio padrão amostral, s, (variância amostral s²) na caracterização da distribuição dos dados, relacionando-as com as representações gráficas obtidas.
- Interpretar e mostrar analiticamente as alterações provocadas na média por transformação dos dados pela multiplicação de cada um por uma constante "a" e pela adição de uma constante "b".
- Compreender os conceitos e as seguintes propriedades das medidas:
 - o Pouca resistência da média e do desvio padrão;
 - Soma dos desvios dos dados relativamente à média é igual a zero;
 - Desvio padrão é igual a zero se e só se todos os dados forem iguais;
 - Amplitude interquartil igual a zero, não implica a não existência de variabilidade;

- decisão, exemplificando com a forma como se transmite o resultado de uma sondagem eleitoral.
- Salientar que a natureza dos dados não é uma característica necessariamente inerente à variável em estudo, porque pode depender da forma como é medida.
- Promover a utilização da tecnologia para construir tabelas e gráficos.
- Realçar a utilidade do diagrama de caule-efolhas para uma ordenação rápida dos dados e salientar a importância do diagrama de extremos- -e-quartis para comparar várias distribuições de dados.
- Salientar que o aspeto do histograma depende do número de classes considerado, da amplitude de classe e do ponto onde se começa a considerar a construção da primeira classe (discutir com os alunos o que se entende por um número adequado de classes, chamando a atenção para que uma representação com muitas classes apresentará muita da variabilidade presente nos dados, não conseguindo fazer sobressair o padrão que se procura, enquanto que um número muito pequeno de classes esconderá esse padrão).
- Salientar a importância do gráfico de barras e do histograma para uma posterior seleção do modelo da população subjacente à amostra, respetivamente discreto ou contínuo.
- Incentivar a utilização da tecnologia para o cálculo das diversas medidas, em particular quando a dimensão da amostra é razoavelmente grande, não negligenciando antecipadamente o cálculo dessas medidas usando papel e lápis para amostras de dimensão reduzida.

Dados univariados

Dados quantitativos discretos ou contínuos

Organização de dados

| Histogramas |
|-----------------------------|
| Medidas de localização |
| Medidas de dispersão |
| Propriedades das Medidas |

- Conhecer que se os dados forem fornecidos já agrupados em classes, na forma de intervalos, torna-se necessário adequar as fórmulas ou os procedimentos existentes para dados não agrupados, para obter valores aproximados da média e do desvio padrão.
- Reconhecer que existem situações em que é preferível utilizar como medida de localização do centro da distribuição dos dados, a mediana em vez da média, e como medida de dispersão a amplitude interquartil em vez do desvio padrão, apresentando exemplos simples.
- Reconhecer que algumas representações gráficas são mais adequadas que outras para comparar conjuntos de dados, nomeadamente o diagrama de extremos e quartis, para comparar a distribuição de dois ou mais conjuntos de dados, realçando aspetos de simetria, dispersão, concentração, etc.
- Reconhecer que, para estudar a associação entre duas variáveis quantitativas de uma população, se observam essas variáveis sobre cada unidade estatística, obtendo-se uma amostra de pares de dados.
- Reconhecer a importância da representação dos dados no diagrama de dispersão, nuvem de pontos, para interpretar a forma, direção e força da associação (linear) entre as duas variáveis.
- Identificar o coeficiente de correlação linear r, como medida dessa direção e grau de associação (linear), e saber que assume valores pertencentes a [-1, 1], dizendo-se com base nesse valor que a correlação é positiva, negativa ou nula. Recorrer à tecnologia para proceder ao cálculo do coeficiente de correlação linear.
- Compreender que no caso em que o diagrama de dispersão mostrar uma forte associação linear entre as variáveis, essa associação pode ser descrita pela reta de regressão ou reta dos mínimos quadrados. Utilizar a tecnologia para determinar uma equação da reta de regressão.
- Compreender que na construção da reta de regressão não é indiferente qual das variáveis é que se considera como variável independente ou explanatória. Compreender que a existência de outliers influencia estes procedimentos.

- Propor a elaboração de um programa simples em Python que permita recolher as idades de, por exemplo, 5 alunos de uma turma na disciplina de Matemática, organizá-las sob a forma de uma lista, retornando a média, a mediana, o máximo e o mínimo, promovendo o Pensamento Computacional.
- Promover a utilização da tecnologia para explorar as propriedades das medidas, nomeadamente as alterações provocadas nas medidas de localização e dispersão por transformação dos dados pela multiplicação de cada um por uma constante "a" e pela adição de uma constante "b". Realçar a utilização enganadora da média, em casos em que existem outliers (dados muito diferentes do padrão dos restantes), devido à grande influência desses dados.
- Incentivar os alunos a interpretar os conceitos e as propriedades das medidas, privilegiando a sua compreensão, em detrimento do uso de fórmulas e de procedimentos para as calcular.
- Promover a elaboração de um programa em Python para permitir o cálculo da amplitude e do desvio padrão e estudar as propriedades dessas medidas, efetuando alterações nos dados. Conduzir os alunos na interpretação das representações gráficas e das medidas, no contexto do problema, que levou à recolha dos dados.
- Conduzir os alunos a explorar situações em que tenha interesse estudar a associação entre duas variáveis sobre as mesmas unidades estatísticas.
- Envolver os alunos na discussão sobre a construção do diagrama de dispersão, em

| | Utilizar a reta de regressão para inferir o valor da variável | especial na identificação da variável | |
|---------------------------------|---|---|--------------------|
| | dependente ou resposta, para um dado valor da variável | independente ou explanatória. | |
| | independente ou explanatória, quando existe uma forte | Apresentar a expressão do coeficiente de | |
| Dados bivariados | associação linear entre as variáveis, quer positiva, quer negativa, e | correlação e utilizá-la para interpretar a | |
| Dauos bivariauos | desde que este esteja no domínio dos dados considerados. | associação linear entre as variáveis como | |
| Dados quantitativos | Compreender que não se pode confundir correlação com relação | positiva, negativa ou nula. | |
| Baaos quantitativos | causa-efeito, pois podem existir variáveis "perturbadoras" que | Realçar que o coeficiente de correlação só | |
| | podem provocar uma aparente associação entre as variáveis em | assume os valores -1 ou 1, quando os pontos | |
| Diagrama de dispersão | estudo. | no diagrama de dispersão estão alinhados | |
| | Entender que um gráfico de linhas é um caso particular de um | numa reta. | |
| | diagrama de dispersão, em que se pretende estudar a evolução de | Realçar e exemplificar que a correlação linear | |
| | uma das variáveis relativamente a outra variável, de um modo | só mede a associação linear entre as variáveis, | |
| | geral o tempo, e em que se unem, por linhas, os pontos | já que o coeficiente de correlação pode ser | |
| | representados. | próximo de zero e as variáveis estarem | |
| Coeficiente de | | fortemente correlacionadas, não linearmente. | |
| correlação linear | | Realçar que só no caso de se visualizar uma | |
| correlação inicar | | associação aproximadamente linear entre os | |
| | | pontos do diagrama de dispersão é que tem | |
| | | sentido utilizar a tecnologia para calcular o | |
| | | coeficiente de correlação, bem como construir | |
| | | a reta de regressão. | |
| | | Comentar com os alunos a razão de se chamar | |
| ~ | | à reta de regressão, reta dos mínimos | |
| Reta de regressão - Variável | | quadrados. | |
| independente ou | | Propor a construção da reta de regressão, | |
| explanatória | | recorrendo à tecnologia e explorar a forma | |
| - Variável dependente | | como é afetada por outliers. Exemplificar com | |
| ou resposta | | os chamados "conjuntos de dados de | |
| | | Anscombe". | |
| | | Explorar o modelo da reta de regressão no | |
| | | contexto do estudo, nomeadamente inferindo | |
| 0.75 | | valores da variável resposta para determinados | |
| Gráfico de linhas | | valores para a variável explanatória. | |
| | | Propor a pesquisa na Internet de situações em | |
| | | que existem variáveis "perturbadoras". | |
| | | Promover a exploração de alguns exemplos | Avaliação sumativa |
| | | concretos de gráficos de linhas. | |
| | | 55 5155 45 0. 4555 46 III III III | |

| Módulo OP6 | | Promover situações de aprendizagem, quer (30 aulas) |
|---|--|--|
| Fatatística | Reconhecer a importância da escolha da amostra de forma a | recorrendo a trabalho individual, quer em |
| Estatística Computacional | permitir fazer inferência para a população subjacente. Utilizar alguns planos de amostragem aleatória, nomeadamente | grupo, em que seja analisada a necessidade de recolher amostras, numa dada população, por |
| Computacional | aleatória simples, sistemática e estratificada. | questões relativas a tempo, dimensão da população ou custos inerentes. |
| Noções básicas de amostragem e recolha de dados | Resolver problemas variados, ligados a situações concretas, que permitam recordar e aplicar os principais conceitos e técnicas subjacentes ao tratamento e redução de coleções de dados transmitidos no módulo de Estatística. | Sensibilizar para o problema da variabilidade da amostra, recorrendo a múltiplas amostras de uma mesma população, para calcular, por exemplo a proporção de elementos da amostra |
| Amostras representativas | Reconhecer que nem todos os processos são adequados para todos os tipos de dados. Reduzir informação contida nos dados | com determinada característica, que está presente na população com uma percentagem |
| Organizar e | utilizando tabelas e gráficos adequados a cada situação. | p, conhecida. Conduzir a experiência com dois tamanhos de amostras diferentes e concluir que, em média, as proporções calculadas a |
| representar coleções de dados segundo | Delinear e implementar planos de amostragem adequados ao estudo de algumas características de interesse em populações que | partir das amostras de maior dimensão, estão mais próximas de p . |
| processos | lhes seja de fácil acesso (ensino, saúde, cultura, atividades | |
| adequados | económicas, entre outros). | Guiar os alunos na construção de esquemas, tabelas ou gráficos, usando tecnologia, que |
| | | permitam sintetizar a informação recolhida |
| | | através dos dados, bem como na determinação |
| | | de medidas estatísticas de localização e de |
| | Implementar procedimentos de simulação de experiências | dispersão. |
| Uso de tecnologia gráfica em análise | aleatórias simples com o objetivo de calcular a probabilidade de determinados acontecimentos. | |
| exploratória de dados | | Estimular a análise de dados utilizando tecnologia gráfica para resolver problemas, explorar, investigar e comunicar. |
| | | Incentivar os alunos, quer individualmente, |
| | | quer em grupo, na procura de formas de |
| | | extrair informação de amostras. Desenvolver o |
| | | espírito crítico quanto à utilização das |
| | | representações gráficas mais adequadas ou |
| | | das estatísticas que melhor resumem os dados em estudo. |
| | | |

| Simulação de experiências aleatórias simples | Resolver problemas e atividades de modelação simples, quer sob a forma de projeto, quer recorrendo a simples tarefas de âmbito exploratório, que permitam o estabelecimento de conexões entre os diversos temas matemáticos e promovam a articulação interdisciplinar. Utilizar materiais manipuláveis, como por exemplo dados, rapas, baralhos de cartas, ou mesmo recorrendo à calculadora gráfica para efetuar pequenos programas em Python, onde se simulem experiências aleatórias simples, | |
|--|---|--------------------|
| | incentivando assim o espírito de iniciativa e a criatividade. Sugere-se como experiências a efetuar a criação de um jogo de Miniloto, com 10 números, por exemplo, ou ainda a análise de pequenos "enigmas" como, por exemplo, o das 5 amigas que se encontram e pretendem saber qual a probabilidade de duas delas terem o mesmo signo ou, qual o número de alunos necessários para que, numa sala, a probabilidade de dois deles fazerem anos no mesmo dia seja superior a 50%. | Avaliação sumativa |

| MÓDULO OP5 | | (30 | aulas) |
|--|--|---|--------------------------|
| MODELOS DISCRETOS Sucessões Identificação e definição | Identificar sucessões e definir sucessões de diferentes modos: graficamente, termo geral e recorrência. Procurar padrões e regularidades e formular generalizações em situações diversificadas, nomeadamente em contextos numéricos e geométricos. | do goneralizações através da promoção do um | /03/2025 a 05/2025 |
| Formulação de generalizações tendo por base padrões e regularidades | | Promover a resolução de problemas de modelação. Por exemplo, no caso de progressões aritméticas: o valor a pagar mensalmente por um empréstimo a prazo com uma taxa de juro fixa simples mensal; a distância percorrida diariamente por um atleta, para se preparar para uma competição, se | |
| Progressões aritméticas e geométricas | Reconhecer progressões aritméticas e geométricas. Definir progressões aritméticas e geométricas através de qualquer termo e da razão. Resolver problemas de modelação com progressões aritméticas e de progressões geométricas. | aumentar "a" quilómetros por dia; a temperatura diária em dias sucessivos se diminuir "t" graus Celsius a cada dia que passa. Por exemplo, no caso de progressões | |
| Definição Termo geral | | geométricas: o número anual de sócios de um clube se aumentar/diminuir uma percentagem a cada ano que passa; a datação de fósseis por Carbono-14; o valor de uma conta no banco com uma taxa de juro composto a render anualmente uma | |
| | | percentagem; a desvalorização de um automóvel anualmente após a sua compra. Apresentar exemplos históricos relevantes sobre a soma de n termos consecutivos de | |
| | | uma progressão aritmética (soma dos primeiros 100 números naturais efetuada por Carl F. Gauss em criança) ou de uma progressão geométrica (número de grãos de | |

| Soma de n termos consecutivos | • | Determinar a soma de n termos consecutivos de progressões aritméticas e de progressões geométricas. | • | trigo pedido por quem apresentou o jogo de Xadrez ao Xá da Pérsia). Propor o desenvolvimento de um trabalho de projeto, individual ou a pares, com apresentação oral, podendo agregar outra(s) disciplina(s), que envolva em contexto real uma situação de resolução de um problema envolvendo progressões aritméticas ou geométricas, tendo por base um dos exemplos trabalhados no módulo. | | |
|--|---|--|---|---|--------------------|--|
| Crescimento linear e crescimento exponencial | • | Distinguir crescimento linear de crescimento exponencial em modelos discretos. Relacionar progressões aritméticas com o crescimento/decrescimento linear discreto e as progressões geométricas com o crescimento/decrescimento exponencial discreto. | • | Partindo dos problemas e atividades de modelação anteriormente estudados, fomentar a discussão de exemplos concretos que prevejam: o um crescimento/decrescimento linear discreto; o um crescimento/decrescimento exponencial. | Avaliação sumativa | |

Quadro 2

| Avaliação | | |
|---|--|--|
| Modalidades | Instrumentos | |
| | ■ Fichas de Avaliação | |
| F | Questões Aula | |
| Formativa | Tarefas de avaliação formativa | |
| Sumativa | Trabalhos Individual / grupo | |
| | Trabalho de projeto | |
| Nota: no início do ano letivo o professor dará a conhecer aos alunos o conjunto p | referencial de instrumentos de avaliação a utilizar. | |
| Estratégias / Recursos | | |
| Manual adotado | | |
| Microsoft Teams; | | |

- Recursos multimédia (vídeos, apresentações em Powerpoint, animações de resoluções de exercícios, software matemático, entre outros);
- Calculadora gráfica;
- Equipamento individual informático;
- RED (Recursos Educativos Digitais);
- Sites: Matemática.pt e Matemática Absolutamente e #Estudo em casa, entre outros.

Estratégias de autorregulação/avaliação formativa

- Indicar um conjunto de exercícios de referência para cada tema;
- Promover a realização de resumos / formulários dos temas;
- Promover a autonomia e o trabalho colaborativo, de modo a melhorar o processo ensino/avaliação/aprendizagem;
- Fornecer feedback de qualidade aos alunos;
- Aplicar a avaliação formativa através de diversas atividades;
- Promover a participação ativa dos alunos para a correção das fichas de avaliação e questões aula identificando as suas dificuldades;
- Promover a investigação junto dos alunos, incentivando-os à descoberta, à formulação de hipóteses e conjeturas e à posterior apresentação.
- Promover a autoavaliação e heteroavaliação.

Torres Vedras, 12 de setembro de 2024 O Professor















